

1. 次の空欄に適する語句や数を記入して表を完成させよ。

番号	小数	百分率	歩合
例	0.1	10%	1割
例	0.01	1%	1分
例	0.001	0.1%	1厘
1	0.008	0.8%	8厘
2	0.03	3%	3分
3	0.043	4.3%	4分3厘
4	0.12	12%	1割2分
5	0.26	26%	2割6分
6	0.3	30%	3割
7	0.402	40.2%	4割2厘
8	0.45	45%	4割5分
9	0.5	50%	5割
10	0.525	52.5%	5割2分5厘
11	0.6	60%	6割
12	0.704	70.4%	7割4厘
13	0.807	80.7%	8割7厘
14	0.96	96%	9割6分
15	1	100%	10割
16	1.09	109%	10割9分
17	2	200%	20割
18	2.53	253%	25割3分

2. 次の () に適する数を入れよ。

- (1) 22人は50人の (44) %である。
 $22 = 50 \times \frac{1}{1} \times \%$
- (2) 155円は620円の (25) %である。
 $155 = 620 \times \%$
 $\% = \frac{155}{620} = 0,25 = 25\%$
- (3) 114個は38個の (300) %である。
 $114 = 38 \times \%$
 $\% = \frac{114}{38} = 3 = 300\%$
- (4) 696人は2000人の (3) 割 (4) 分 (8) 厘である。
 $696 = 2000 \times \%$
 $\% = \frac{696}{2000} = 0,348$
- (5) (300) 円の12%は36円である。
 $\% \times 0,12 = 36$
 $\% = 36 \div 0,12 = 300$
- (6) (350) の58%は203である。
 $\% \times 0,58 = 203$
 $\% = 203 \div 0,58 = 350$
- (7) 66人は (440) 人の15%である。
 $66 = \% \times 0,15$
 $\% = 66 \div 0,15 = 440$
- (8) (40) 人の4割5分は18人である。
 $\% \times 0,45 = 18$
 $\% = 18 \div 0,45 = 40$
- (9) 200個の95%は (190) 個である。
 $200 \times 0,95 = \%$
 $\% = 190$
- (10) 1100円の5%は (55) 円である。
 $1100 \times 0,05 = \%$
 $\% = 55$
- (11) 250の8割8分は (220) である。
 $250 \times 0,88 = \%$
 $\% = 220$
- (12) 735人の60%は (441) 人である。
 $735 \times 0,6 = \%$
 $\% = 441$

3.

(1) $8 \times (-2) + 54 \div 3$
 $= -16 + 18$
 $= 2$ 答 2

(2) $7 \times (8 - 6^2 \div 9)$
 $= 7 \times (8 - 36 \div 9)$
 $= 7 \times (8 - 4)$
 $= 7 \times 4$
 $= 28$ 答 28

4.

(1)
$$\begin{array}{r} 37\overline{) \text{ア}4} \\ - 932\overline{) \text{b}} \\ \hline 2\overline{) \text{イ}188} \\ \downarrow \\ 2\overline{) \text{イ}188} \\ + 932\overline{) \text{b}} \\ \hline 37\overline{) \text{ア}4} \end{array}$$
 □をa, bとして、たし算に直して考える。
 $8 + \text{b} = \square 4$ なので、
 □には6が入る。
 よって、 a には1が入り、 ア には5が入る。
 さらに、 $2\overline{) \text{イ} + 9} = 37$ なので、 イ には8が入る。

答ア: 5, イ: 8

(2)
$$\begin{array}{r} 2\overline{) \text{ア}6} \\ \times 3\overline{) \text{a}} \\ \hline \square 64 \\ \square \square 8 \\ \hline \square \overline{) \text{イ} \square \square} \\ \downarrow \\ 2\overline{) \text{イ}6} \\ \times 3\overline{) \text{イ}} \\ \hline \overline{) \text{イ}64} \\ \overline{) \text{イ}64} \\ \hline \overline{) \text{イ}7344} \end{array}$$
 $3\square\square$ の□をaとすると、
 $6 \times \text{a} = \square 4$ なので、
 □には4か9が入ることになるが、9の場合は $2\overline{) \text{ア}6} \times 9$ の積が4けたになるので、 a には4が入る。
 よって、 ア には1か6が入ることになるが、6の場合は 266×4 の積が4けたになるので、 ア には1が入る。
 計算していくと、 イ には3が入る。
 答ア: 1, イ: 3

5.

(1) $5.38 - 3.592 = 1.788$

$$\begin{array}{r} 5.38 \\ - 3.592 \\ \hline 1.788 \end{array}$$
 答 1.788

(2) $\frac{11}{4} - \frac{8}{5}$
 $= \frac{55}{20} - \frac{32}{20}$
 $= \frac{23}{20}$
 $= 1\frac{3}{20}$ 答 $1\frac{3}{20}$

●●チャレンジ問題●● SPI 四則計算

$(-4)^2 - 3 \times (1 - 8)$
 $= 16 - 3 \times (-7)$
 $= 16 + 21$
 $= 37$ 答 C

6.

(1) $56 \div 8 + 2 \times (-3)$
 $= 7 + (-6)$
 $= 1$ 答 1

(2) $\{(-5)^2 - 10 \div (4^2 - 6)\} \div 8$
 $= \{25 - 10 \div (16 - 6)\} \div 8$
 $= \{25 - 10 \div 10\} \div 8$
 $= (25 - 1) \div 8$
 $= 24 \div 8$
 $= 3$ 答 3

7.

(1)
$$\begin{array}{r} 3\overline{) \text{ア}8} \\ \times 5\overline{) \text{a}} \\ \hline \square \overline{) \text{b} 4} \\ \square \square 40 \\ \hline \square \overline{) \text{イ} 38 \square} \\ \downarrow \\ 3\overline{) \text{イ}8} \\ \times 5\overline{) \text{イ}} \\ \hline \overline{) \text{イ}984} \\ \overline{) \text{イ}984} \\ \hline \overline{) \text{イ}17384} \end{array}$$
 $5\square\square$ の□をa, □□4のまん中の□をbとすると、
 $8 \times \text{a} = \square 4$ なので、
 □には3か8が入ることに
 なるが、8の場合は
 $3\overline{) \text{ア}8} \times 8$ の積が4けたになるので、 a には3が入る。
 また、 b には8が入るので、 ア には2が入る。
 よって、計算していくと、 イ には7が入る。
 答ア: 2, イ: 7

(2)
$$\begin{array}{r} 5\overline{) \text{ア}} \\ \overline{) \text{イ}8} \overline{) 2736} \\ \underline{240} \\ \overline{) \text{イ}336} \\ \underline{336} \\ \hline 0 \end{array}$$
 商の十の位が5なので、
 273 の下の□□□には、
 $\overline{) \text{イ}8} \times 5$ の値で273を
 超えないものが入る。
 よって、 イ には4が入る。
 わる数が48と判明したので、
 計算していくと ア には7が入る。
 答ア: 7, イ: 4

8.

(1) $3.5 \times 0.74 = 2.59$

$$\begin{array}{r} 3.5 \\ \times 0.74 \\ \hline 140 \\ 245 \\ \hline 2.590 \end{array}$$
 答 2.59

(2) $\frac{10}{7} + 2\frac{2}{3}$
 $= 1\frac{3}{7} + 2\frac{2}{3}$
 $= (1+2) + \left(\frac{9}{21} + \frac{14}{21}\right)$
 $= 3 + \frac{23}{21}$
 $= 3 + 1\frac{2}{21}$
 $= 4\frac{2}{21}$ 答 $4\frac{2}{21}$

●●チャレンジ問題●● SPI 小数の計算

$2.75 + 1.194 = 3.944$

$$\begin{array}{r} 2.75 \\ + 1.194 \\ \hline 3.944 \end{array}$$

答 D

9. (1) (与式) $= (2x)^2 + 2 \cdot 2x \cdot 3 + 3^2$
 $= 4x^2 + 12x + 9$

(2) (与式) $= -(p-2q)(p+2q)$
 $= -(p^2 - 4q^2)$
 $= -p^2 + 4q^2$

(3) (与式) $= x^2 + (3+5)x + 15$
 $= x^2 + 8x + 15$

(4) (与式) $= 6x^2 + (8y-9y)x - 12y^2$
 $= 6x^2 - xy - 12y^2$

10. (1) (与式) $= a^2 + (-b)^2 + (-2c)^2 + 2a(-b)$
 $+ 2(-b) \cdot (-2c) + 2(-2c)a$
 $= a^2 + b^2 + 4c^2 - 2ab + 4bc - 4ca$

(2) (与式) $= \{(a^2-1)+a\} \{(a^2-1)-a\}$
 $= (a^2-1)^2 - a^2$
 $= a^4 - 2a^2 + 1 - a^2$
 $= a^4 - 3a^2 + 1$

(3) (与式) $= \{(a+2b)(a-2b)\}^2$
 $= (a^2 - 4b^2)^2$
 $= a^4 - 8a^2b^2 + 16b^4$

(4) (与式) $= (a^2 - b^2)(a^2 + b^2)$
 $= a^4 - b^4$

11. (1) (与式) $= (2x)^3 + 3 \cdot (2x)^2 y + 3 \cdot 2x \cdot y^2 + y^3$
 $= 8x^3 + 12x^2y + 6xy^2 + y^3$

(2) (与式) $= (3x+1)\{(3x)^2 - 3x \cdot 1 + 1^2\}$
 $= (3x)^3 + 1^3$
 $= 27x^3 + 1$

12. (1) (与式) $= (3a)^2 + 2 \cdot 3a \cdot 1 + 1^2$
 $= (3a+1)^2$

(2) (与式) $= (3x)^2 - (4y)^2$
 $= (3x+4y)(3x-4y)$

(3) (与式) $= x^2 + (4+12)x + 4 \cdot 12$
 $= (x+4)(x+12)$

(4) (与式) $= x^2 + (-3y+2y)x + (-3y) \cdot (2y)$
 $= (x-3y)(x+2y)$

13. (1) (与式) $= (a-3)(3a-1)$

1	×	-3	→	-9
3	×	-1	→	-3
3		3		-10

(2) (与式) $= (a+3)(4a-9)$

1	×	3	→	12
4	×	-9	→	-9
4		-27		3

(3) (与式) $= 1 \cdot 5x^2 + \{1 \cdot 3y + (-2y) \cdot 5\}x + (-2y) \cdot 3y$
 $= (x-2y)(5x+3y)$

1	×	-2y	→	-10y
5	×	3y	→	3y
5		-6y^2		-7y

(4) (与式) $= 2 \cdot 3x^2 + (2 \cdot 4y + 3y \cdot 3)x + 3y \cdot 4y$
 $= (2x+3y)(3x+4y)$

2	×	3y	→	9y
3	×	4y	→	8y
6		12y^2		17y

14. (1) $x+y=X$ とおくと
 (与式) $= X^2 + 2X - 8 = (X+4)(X-2)$
 よって (与式) $= \{(x+y)+4\} \{(x+y)-2\}$
 $= (x+y+4)(x+y-2)$

(2) (与式) $= x^2 - (y^2 - 2y + 1) = x^2 - (y-1)^2$
 $= \{x+(y-1)\} \{x-(y-1)\}$
 $= (x+y-1)(x-y+1)$

(3) (与式) $= (x^2+3)(x^2-4)$
 $= (x^2+3)(x+2)(x-2)$

(4) (与式) $= (9x^2-4)(x^2+1)$
 $= (3x+2)(3x-2)(x^2+1)$

15. (1) (与式) = $\sqrt{\frac{5^2 \cdot 3}{4^2}} = \frac{5\sqrt{3}}{4}$

(2) (与式) = $2(\sqrt{3})^2 - \sqrt{3} \cdot \sqrt{6}$
 $= 6 - (\sqrt{3})^2 \cdot \sqrt{2}$
 $= 6 - 3\sqrt{2}$

(3) (与式) = $\sqrt{3 \cdot 2^2} = 3 \cdot 2 = 6$

(4) (与式) = $\sqrt{16} = \sqrt{4^2} = 4$

16. (1) (与式) = $4\sqrt{3} + \sqrt{5^2 \cdot 3} - \sqrt{4^2 \cdot 3}$
 $= 4\sqrt{3} + 5\sqrt{3} - 4\sqrt{3} = 5\sqrt{3}$

(2) (与式) = $2\sqrt{2^2 \cdot 3} - 7\sqrt{3} + \sqrt{3^2 \cdot 3}$
 $= 4\sqrt{3} - 7\sqrt{3} + 3\sqrt{3} = 0$

(3) (与式) = $(2\sqrt{3})^2 - 2 \cdot 2\sqrt{3} \cdot 3\sqrt{2} + (3\sqrt{2})^2$
 $= 12 - 12\sqrt{6} + 18 = 30 - 12\sqrt{6}$

(4) (与式) = $6 + (4-9)\sqrt{3} - 6(\sqrt{3})^2$
 $= 6 - 5\sqrt{3} - 18 = -12 - 5\sqrt{3}$

17. (1) (与式) = $\frac{1}{\sqrt{4^2 \cdot 3}} = \frac{1}{4\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{4\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{12}$

(2) (与式) = $\frac{2(2-\sqrt{2})}{(2+\sqrt{2})(2-\sqrt{2})}$
 $= \frac{2(2-\sqrt{2})}{4-2} = \frac{2(2-\sqrt{2})}{2} = 2-\sqrt{2}$

(3) (与式) = $\frac{(\sqrt{6} + \sqrt{3})^2}{(\sqrt{6} - \sqrt{3})(\sqrt{6} + \sqrt{3})}$
 $= \frac{6 + 2\sqrt{18} + 3}{6-3} = \frac{9 + 6\sqrt{2}}{3}$
 $= 3 + 2\sqrt{2}$

(4) (与式) = $\frac{(2\sqrt{2} - \sqrt{3})(\sqrt{3} - \sqrt{2})}{(\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} - \sqrt{2})}$
 $= \frac{2\sqrt{6} - 4 - 3 + \sqrt{6}}{3-2} = -7 + 3\sqrt{6}$

18. (1) $10 - 3x - 3 > x - 1$
 移項して $-3x - x > -1 - 7$
 $-4x > -8$

両辺を -4 で割って $x < 2$

(2) 両辺に 6 を掛けて $2(7x+1) < 3(3x-6)$

$14x + 2 < 9x - 18$

移項して $14x - 9x < -18 - 2$
 $5x < -20$

両辺を 5 で割って $x < -4$

19. (1) ①から $3x \leq -6$ よって $x \leq -2$ …… ③

②から $-4x > 4$ よって $x < -1$ …… ④

③, ④の共通範囲を求めて $x \leq -2$

(2) $4x - 6 < 2x < 5x + 3$ から

$\begin{cases} 4x - 6 < 2x & \dots\dots ① \\ 2x < 5x + 3 & \dots\dots ② \end{cases}$

$\begin{cases} 4x - 6 < 2x & \dots\dots ① \\ 2x < 5x + 3 & \dots\dots ② \end{cases}$

①から $2x < 6$ よって $x < 3$ …… ③

②から $-3x < 3$ よって $x > -1$ …… ④

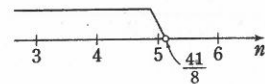
③, ④の共通範囲を求めて $-1 < x < 3$

20. $6(n-5) < -2(n-3) + 5$ から
 $6n - 30 < -2n + 11$

よって $8n < 41$

ゆえに $n < \frac{41}{8} = 5.125$

これを満たす最大の自然数 n は 5



21. (1) 左辺を因数分解して $(x+5)(x-1) = 0$
 ゆえに $x = -5, 1$

(2) 左辺を因数分解して $(2x-1)(x-5) = 0$

ゆえに $x = \frac{1}{2}, 5$

(3) 解の公式から

$x = \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \cdot 1 \cdot 2}}{2 \cdot 1} = \frac{-5 \pm \sqrt{17}}{2}$

(4) 両辺に -1 を掛けて $3x^2 - 6x + 2 = 0$

解の公式から

$x = \frac{-(-6) \pm \sqrt{(-6)^2 - 4 \cdot 3 \cdot 2}}{2 \cdot 3}$

$= \frac{6 \pm \sqrt{12}}{6} = \frac{6 \pm 2\sqrt{3}}{6} = \frac{3 \pm \sqrt{3}}{3}$

22. (1) この方程式が異なる 2 つの実数解をもつための条件は $D = 3^2 - 4 \cdot 1 \cdot k > 0$ すなわち $9 - 4k > 0$

よって $k < \frac{9}{4}$

(2) この方程式が実数解をもたないための条件は

$D = (-2)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (k-1) < 0$

よって $-4k + 8 < 0$ ゆえに $k > 2$

23. (1) 重解をもつから、判別式を D とすると

$D = (-10)^2 - 4 \cdot 1 \cdot k = 0$

よって $100 - 4k = 0$ ゆえに $k = 25$

このとき、重解は $x = \frac{-10}{2 \cdot 1} = -5$

(2) 重解をもつから $D = k^2 - 4 \cdot 4 \cdot 9 = 0$

よって $k^2 - 12^2 = 0$ ゆえに $k = \pm 12$

重解は $k = 12$ のとき $x = \frac{-12}{2 \cdot 4} = -\frac{3}{2}$

$k = -12$ のとき $x = \frac{-(-12)}{2 \cdot 4} = \frac{3}{2}$

24. (1) $(2x+3)(3x-2) < 0$ から

$2 \cdot 3 \left(x + \frac{3}{2}\right) \left(x - \frac{2}{3}\right) < 0$

よって $-\frac{3}{2} < x < \frac{2}{3}$

(2) 与式から

$(3x+2)(2x-3) > 0$

$3 \cdot 2 \left(x + \frac{2}{3}\right) \left(x - \frac{3}{2}\right) > 0$

よって $x < -\frac{2}{3}, \frac{3}{2} < x$

(3) 両辺に -1 を掛けて

$x^2 - 4x + 1 > 0$

$x^2 - 4x + 1 = 0$ を解くと

$x = 2 \pm \sqrt{3}$

よって $x < 2 - \sqrt{3}, 2 + \sqrt{3} < x$

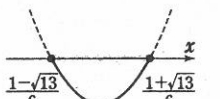
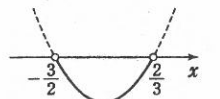
(4) 両辺に -1 を掛けて

$3x^2 - x - 1 \leq 0$

$3x^2 - x - 1 = 0$ を解くと

$x = \frac{1 \pm \sqrt{13}}{6}$

よって $\frac{1 - \sqrt{13}}{6} \leq x \leq \frac{1 + \sqrt{13}}{6}$



25. (1) $x^2 + 8x + 16 > 0$ から

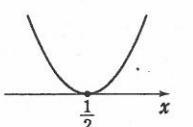
$(x+4)^2 > 0$

よって、解は $x < -4, -4 < x$
 (-4 以外のすべての実数)

(2) $4x^2 - 4x + 1 \leq 0$ から

$(2x-1)^2 \leq 0$

よって、解は $x = \frac{1}{2}$



26. (1) x^2 の係数が正かつ $D = 5^2 - 4 \cdot 3 \cdot 4 = -23 < 0$

よって、 $3x^2 + 5x + 4 < 0$ の解はない

(2) x^2 の係数が正かつ $D = 1^2 - 4 \cdot 2 \cdot 1 = -7 < 0$

よって、 $2x^2 + x + 1 > 0$ の解は すべての実数

27. (1) 6人の中から3人を選んで班長、副班長、会計にすればよいので ${}_6P_3=6 \times 5 \times 4=120$ (通り)
 (2) 7人の選手から4人を選んで第1走者から第4走者を決めればよいので ${}_7P_4=7 \times 6 \times 5 \times 4=840$ (通り)

28. (1) 百の位は0以外の4通り。
 十、一の位は残り4つの数字から2つを並べるとよから ${}_4P_2=4 \times 3=12$ (通り)
 よって $4 \times 12=48$ (個)
 (2) 奇数になるには一の位が奇数であればよいので1と3の2通り、
 百の位は0と一の位で使用したものを除く残りの3通り、十の位は一の位と百の位で使用したものを除く残りの3通りある。
 よって $3 \times 3 \times 2=18$ (個)

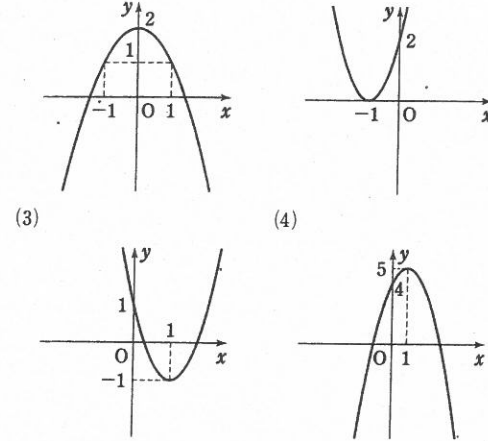
29. (1) 両端の女子の並び方は、 ${}_5P_2$ 通りあり、間に並ぶ残り6人の並び方は ${}_6P_6$ 通りある。
 よって、並び方の総数は ${}_5P_2 \times {}_6P_6=5 \times 4 \times 6!=14400$ (通り)
 (2) 女子5人を1組、男子3人を1組と考え、この2組の並び方は ${}_2P_2$ 通り。
 そのおのおのに対して、女子5人の並び方、および男子3人の並び方は、それぞれ ${}_5P_5$ 通り、 ${}_3P_3$ 通り。
 よって、並び方の総数は ${}_2P_2 \times {}_5P_5 \times {}_3P_3=2 \times 120 \times 6=1440$ (通り)

30. (1) 正十角形の2頂点を結ぶ線分の本数は ${}_{10}C_2=45$ (本)
 対角線の本数は、これから辺の数を引いたものであるから $45-10=35$ (本)
別解 1つの頂点から両隣の2点を除く7本の対角線が引ける。また、1つの対角線は2度数えられるから $\frac{7 \times 10}{2}=35$ (本)
 (2) どのような3個の頂点を選んでもこの3個の点は一直線上にない。
 よって、3つの頂点を結んでできる三角形は全部で ${}_{10}C_3=120$ (個)

31. (1) 男子6人から2人を選ぶ方法は ${}_6C_2$ 通り
 女子4人から2人を選ぶ方法は ${}_4C_2$ 通り
 したがって ${}_6C_2 \times {}_4C_2=\frac{6 \cdot 5}{2 \cdot 1} \times \frac{4 \cdot 3}{2 \cdot 1}=90$ (通り)
 (2) 男女合わせた10人から4人を選ぶ方法は ${}_{10}C_4$ 通り
 男子6人から4人を選ぶ方法は ${}_6C_4$ 通り
 女子4人から4人を選ぶ方法は ${}_4C_4$ 通り
 したがって ${}_{10}C_4 - ({}_6C_4 + {}_4C_4)=210 - (15+1)=194$ (通り)

32. (1) 9人から4人を選ぶ方法は ${}_9C_4$ 通り
 そのおのおのに対して残り5人から3人を選ぶ方法は ${}_5C_3$ 通り。残り2人は自動的に決まる。
 よって、求める方法は ${}_9C_4 \times {}_5C_3=126 \times 10=1260$ (通り)
 (2) 9人を3人ずつA, B, Cの3組に分ける方法は ${}_9C_3 \times {}_6C_3$ 通り
 ここで、A, B, Cの区別をなくすと、3!通りずつ同じ分け方ができる。
 よって、求める分け方の総数は $\frac{{}_9C_3 \times {}_6C_3}{3!}=280$ (通り)

33. (1) 軸: $x=0$, 頂点: $(0, 2)$, 上に凸な放物線 [図]
 (2) 軸: $x=-1$, 頂点: $(-1, 0)$, 下に凸な放物線 [図]
 (3) 軸: $x=1$, 頂点: $(1, -1)$, 下に凸な放物線 [図]
 (4) $y=-x^2+2x+4=-(x^2-2x)+4=-(x-1)^2+5$
 軸: $x=1$, 頂点: $(1, 5)$, 上に凸な放物線 [図]



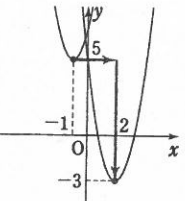
34. $y=2x^2-8x+9=2(x-2)^2+1$ から
 $y=x^2+ax+b$ の頂点が $(2, 1)$ であることにより
 $y=(x-2)^2+1=x^2-4x+5$
 $y=x^2+ax+b$ と比較して $a=-4, b=5$

35. 2次関数 $y=ax^2+bx+c$ のグラフについて、
 軸は直線 $x=-\frac{b}{2a}$ 。
 y 軸との交点は点 $(0, c)$ である。
 グラフは上に凸であるから $a < 0$
 軸は $x > 0$ の範囲にあるから $-\frac{b}{2a} > 0$
 ここで $a < 0$ であるから $b > 0$
 また、 y 軸と正の部分で交わるから $c > 0$

36. (1) 頂点が $(0, 0)$ から $(-2, 0)$ に移動するから $y=2(x+2)^2$ すなわち $y=2x^2+8x+8$
 (2) 頂点が $(0, 0)$ から $(0, 7)$ に移動するから $y=2x^2+7$
 (3) 頂点が $(0, 0)$ から $(1, -4)$ に移動するから $y=2(x-1)^2-4$ すなわち $y=2x^2-4x-2$
 (4) 頂点が $(-2, 4)$ であるから $y=2(x+2)^2+4$ すなわち $y=2x^2+8x+12$

37. $y=2(x^2+2x)$
 $=2\{(x+1)^2-1\}$
 $=2(x+1)^2-2$
 から、頂点の座標は $(-1, -2)$ である。
 よって、移動後の方程式は、頂点が $(0, -4)$ であるから $y=2x^2-4$
別解 移動後の方程式は $y-(-2)=2(x-1)^2+4(x-1)$
 整理して $y=2x^2-4$

38. $y=2x^2-8x+5$
 $=2(x^2-4x)+5$
 $=2\{(x-2)^2-4\}+5$
 $=2(x-2)^2-3$
 から頂点は点 $(2, -3)$
 $y=2x^2+4x+7$
 $=2(x^2+2x)+7$
 $=2\{(x+1)^2-1\}+7$
 $=2(x+1)^2+5$
 から頂点 $(-1, 5)$
 したがって、頂点は点 $(-1, 5)$ から点 $(2, -3)$ に移動するから
 x 軸方向に3, y 軸方向に -8 だけ平行移動したものである。



39. 割り算を実行すると

$$\begin{array}{r} 2x-3 \\ x^2-x+1 \overline{) 2x^3-5x^2+4x-1} \\ \underline{2x^3-2x^2+2x} \\ -3x^2+2x-1 \\ \underline{-3x^2+3x-3} \\ -x+2 \end{array}$$

よって 商 $2x-3$
余り $-x+2$

40. 条件より $x^3-x^2+3x+1=B \cdot (x+1)+3x-1$

であるから $B \cdot (x+1)=x^3-x^2+2$

ゆえに $B=(x^3-x^2+2) \div (x+1)$

$$\begin{array}{r} x^2-2x+2 \\ x+1 \overline{) x^3-x^2+2} \\ \underline{x^3+x^2} \\ -2x^2-2x \\ \underline{-2x^2-2x} \\ 2x+2 \\ \underline{2x+2} \\ 0 \end{array}$$

よって

$$B=x^2-2x+2$$

41. (1) (与式) $= \frac{(x+1)(x+7)}{(x-2)(x-5)} \times \frac{(x-2)(x-3)}{(x+1)(x-3)} = \frac{x+7}{x-5}$

(2) (与式) $= \frac{1}{x(x-1)} + \frac{1}{(x-1)(x-2)}$
 $= \frac{(x-2)+x}{x(x-1)(x-2)}$
 $= \frac{2(x-1)}{x(x-1)(x-2)}$
 $= \frac{2}{x(x-2)}$

42. (1) $\frac{f(3)-f(1)}{3-1} = \frac{8-0}{2} = 4$

(2) $f'(2) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h)-f(2)}{h}$
 $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\{(2+h)^3-3(2+h)\} - (2^3-3 \cdot 2)}{h}$
 $= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{9h+6h^2+h^3}{h}$
 $= \lim_{h \rightarrow 0} (9+6h+h^2) = 9$

(3) $f(x) = 3x^2 - x$ とすると $f'(x) = 6x - 1$

よって, $x=1$ における微分係数は

$$f'(1) = 6 \cdot 1 - 1 = 5$$

また, 微分係数が -13 となると $f'(x) = -13$

よって $6x - 1 = -13$ これを解いて $x = -2$

43. (1) $y' = -2 \cdot 2x + 5 = -4x + 5$

(2) $(2x-1)(4x^2+2x+1) = (2x)^3 - 1^3 = 8x^3 - 1$

よって $y' = 24x^2$

(3) $y = (x^2+3x+2)(x+3)$
 $= (x^2+3x+2) \cdot x + (x^2+3x+2) \cdot 3$
 $= x^3 + 3x^2 + 2x + 3x^2 + 9x + 6$
 $= x^3 + 6x^2 + 11x + 6$

ゆえに $y' = 3x^2 + 12x + 11$

44. $f(x) = ax^2 + bx + c$ とすると $f'(x) = 2ax + b$

$f(1) = 2$ より $a + b + c = 2$

$f'(1) = 1$ より $2a + b = 1$

$f'(0) = -5$ より $b = -5$

よって $a = 3, b = -5, c = 4$

したがって $f(x) = 3x^2 - 5x + 4$

45. 初項を a とすると $a_n = a + (n-1) \cdot 6$

第8項が53であるから $a + 7 \cdot 6 = 53$

これを解くと $a = 11$

よって, 一般項は $a_n = 11 + (n-1) \cdot 6$

すなわち $a_n = 6n + 5$

46. 初項を a とすると $a_n = a + (n-1) \cdot (-2)$

第10項が -4 であるから $a + 9 \cdot (-2) = -4$

これを解くと $a = 14$

よって, 一般項は $a_n = 14 + (n-1) \cdot (-2)$

すなわち $a_n = -2n + 16$

47. 初項を a , 公差を d とすると $a_n = a + (n-1)d$

第5項が1であるから $a + 4d = 1$ ①

第11項が -29 であるから $a + 10d = -29$ ②

①, ②を解くと $a = 21, d = -5$

一般項は $a_n = 21 + (n-1) \cdot (-5)$

すなわち $a_n = -5n + 26$

48. 初項を a , 公差を d とすると $a_n = a + (n-1)d$

第3項が16であるから $a + 2d = 16$ ①

第8項が41であるから $a + 7d = 41$ ②

①, ②を解くと $a = 6, d = 5$

一般項は $a_n = 6 + (n-1) \cdot 5$

すなわち $a_n = 5n + 1$

49. 一般項は $a_n = 9 + (n-1) \cdot 7$

すなわち $a_n = 7n + 2$

(1) $7n + 2 = 128$ を解くと $n = 18$

よって 第18項

(2) $7n + 2 > 350$ より $n > \frac{348}{7}$

これを満たす最小の自然数 n は $n = 50$

よって 第50項

50. 一般項は $a_n = 3 + (n-1) \cdot 6$

すなわち $a_n = 6n - 3$

(1) $6n - 3 = 135$ を解くと $n = 23$

よって 第23項

(2) $6n - 3 > 450$ より $n > \frac{151}{2}$

これを満たす最小の自然数 n は $n = 76$

よって 第76項

51. 等差数列では, 隣り合う2項の差が等しいから

$$x - 5 = 11 - x$$

これを解いて $x = 8$

52. 等差数列では, 隣り合う2項の差が等しいから

$$x - 8 = -2 - x$$

これを解いて $x = 3$

53. 初項2に公比5を次々と掛けて
2, 10, 50, 250, 1250

54. 初項6に公比 -2 を次々と掛けて
6, -12 , 24, -48 , 96

55. (1) $a_n = 5 \cdot 3^{n-1}$

(2) $a_n = -7(-7)^{n-1}$ すなわち $a_n = (-7)^n$

(3) 公比は $\frac{a_2}{a_1} = \frac{1}{16} \div \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$

よって $a_n = \frac{1}{4} \left(\frac{1}{4}\right)^{n-1}$

すなわち $a_n = \left(\frac{1}{4}\right)^n$

56. (1) $a_n = 7 \left(-\frac{1}{2}\right)^{n-1}$

(2) $a_n = -3 \cdot 3^{n-1}$ すなわち $a_n = -3^n$

(3) 公比は $\frac{a_2}{a_1} = (-10) \div (-5) = 2$

よって $a_n = -5 \cdot 2^{n-1}$

57. 初項を a , 公比を r とすると $a_n = ar^{n-1}$

第3項が20であるから $ar^2 = 20$ ①

第5項が80であるから $ar^4 = 80$ ②

①, ②より $r^2 = 4$

これを解くと $r = \pm 2$

①から $a = 5$

よって, 一般項は $a_n = 5 \cdot 2^{n-1}$ または $a_n = 5 \cdot (-2)^{n-1}$

58. 初項を a , 公比を r とすると $a_n = ar^{n-1}$

第4項が32であるから $ar^3 = 32$ ①

第6項が128であるから $ar^5 = 128$ ②

①, ②より $r^2 = 4$

これを解くと $r = \pm 2$

①から, $r = 2$ のとき $a = 4$, $r = -2$ のとき $a = -4$

よって, 一般項は

$$a_n = 4 \cdot 2^{n-1} \text{ または } a_n = (-4) \cdot (-2)^{n-1}$$

すなわち $a_n = 2^{n+1}$ または $a_n = -(-2)^{n+1}$

59. 等比数列では, 隣り合う2項の比が等しいから

$$\frac{x}{7} = \frac{14}{x}$$

よって $x^2 = 7 \times 14 = 98$

したがって $x = \pm \sqrt{98} = \pm 7\sqrt{2}$

60. 等比数列では, 隣り合う2項の比が等しいから

$$\frac{x}{2} = \frac{18}{x}$$

よって $x^2 = 2 \times 18 = 36$

したがって $x = \pm \sqrt{36} = \pm 6$